

## Algoritmos y Estructuras de Datos. Parcial 2. [2014-11-13]

**ATENCIÓN:** Para aprobar deben obtener un **puntaje mínimo** del 60 % en las preguntas de teoría (Ej 4) y 50 % en las restantes secciones.

### [Ej. 1] [clases (W=20pt)]

Recordar que **deben usar la interfaz STL**.

#### a) [aoo (5pt)]

**Arbol Ordenado Orientado:** Implementar (haciendo uso de la interfaz STL) los métodos

- `iterator lchild();`
- `iterator right ();`
- `iterator insert (iterator p, T t);`

considerando que se debe escribir la clase `iterator` (en el scope que corresponda) además de aquellas estructuras sobre las cuales esta se construye (a saber, la clase `cell`).

#### b) [hash-dict (5pt)]

**Diccionario por tablas de dispersión cerrada:** Implementar la clase `iterator_t` en conjunto con aquello que considere pertinente dentro de la parte privada de la clase `hash_set`. Finalmente, implemente el método `iterator_t find (key_t & x)`

#### c) [vbitset (5pt)]

**Conjuntos por vectores de bits:** Implementar los métodos

- `pair_t insert (elem_t x);`
- `elem_t retrieve (iterator_t p);`
- `void set_difference (set & A, set & B, set & C);`

para ello deberá además implementar la parte privada de la clase.

#### d) [abb (5pt)]

**Conjuntos por árbol binario de búsqueda:** Implementar (haciendo uso de la interfaz STL) el método

- `void erase (iterator_m)`

definiendo para ello (y respetando el anidamiento pertinente) la clase `iterator`.

### [Ej. 2] [operativos (W=20pt)]

#### a) [rec-arbol (3pt)] Dibujar el AOO cuyos nodos, listados en orden previo y posterior son

- `ORD-PRE = (Z, A, B, C, D, E, F, T, G, H)`
- `ORD-POST = (A, E, F, D, G, H, T, C, B, Z)`

#### b) [part-arbol (2pt)] Dado el árbol ordenado orientado (AOO): (A (R J L) (T (V (Z D) Q)))

determinar cuales son los nodos **antecesores**, **descendientes**, **izquierda** y **derecha** del nodo V.

¿Son **disjuntos**? Justifique.

#### c) [huffman (3pt)] Dados los caracteres siguientes con sus correspondientes probabilidades, contruir el código binario utilizando el algoritmo de Hufmann y encodar la palabra **CYBERMONDAY**,

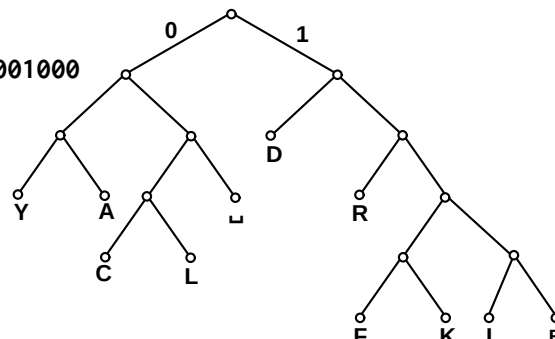
$P(O) = 0.10$ ,  $P(D) = 0.10$ ,  $P(B) = 0.10$ ,  $P(N) = 0.30$ ,  $P(C) = 0.10$ ,  $P(A) = 0.02$ ,  
 $P(E) = 0.02$ ,  $P(R) = 0.02$ ,  $P(Y) = 0.04$ ,  $P(M) = 0.20$ .

Calcular la longitud promedio del código obtenido.

d) [hf-decode (2pt)]

Utilizando el código de la derecha  
desencodar el mensaje

111110101001010011101011111001101111010001000



- e) [abb (2pt)] Dados los enteros {14, 8, 21, 3, 4, 11, 6, 5, 4, 13, 2} insertarlos, en ese orden, en un **árbol binario de búsqueda (ABB)**. Mostrar las operaciones necesarias para eliminar los elementos 14, 8 y 3 en ese orden.
- f) [hash-dict (3pt)] Insertar los números {2, 18, 28, 11, 10, 38, 20, 7} en una **tabla de dispersión cerrada** con  $B = 10$  cubetas, con función de dispersión  $h(x) = x$ .
- g) [heap-sort (3pt)] Dados los enteros {3, 12, 10, 4, 5, 15, 7} ordenarlos por el método de **montículos (heap-sort)**. Mostrar el montículo (minimal) antes y después de cada inserción/supresión.
- h) [quick-sort (2pts)] Dados los enteros {8, 2, 9, 4, 1, 3, 10, 2, 7, 5, 4, 0} ordenarlos por el método de **clasificación rápida (quick-sort)**. En cada iteración indicar el pivote y mostrar el resultado de la partición. Utilizar la estrategia de elección del pivote discutida en el curso, a saber el mayor de los dos primeros elementos distintos.

[Ej. 3] [Preguntas (W=20pt, 4pt por pregunta)]

- a) Explique el concepto de **estabilidad** para algoritmos de ordenamiento. De ejemplos de algoritmos de ordenamiento estables y no estables.
- b) Explique cuáles son las condiciones que debe satisfacer un predicado binario para ser una **relación de orden fuerte**.
- c) Explique que las operaciones que realizan (semántica) las dos versiones de **erase** para conjuntos.
- ```

1 void erase(iterator p);
2 int erase(key_t x);
  
```
- Explicar que son los valores de retorno, y porqué una retorna un entero y la otra no.
- d) ¿Cuál es el tiempo de ejecución de **find(x)** para conjunto por árbol binario de búsqueda (mejor/promedio/peor)? Justifique.
- e) ¿Porqué el árbol binario de una codificación binaria para compresión debe ser un árbol binario lleno (FBT)? (Recordemos que un FBT es áquel cuyos hijos son hojas o nodos interiores con sus dos hijos.)